

VALIDASI PAKET PROGRAM NODAL3 UNTUK KASUS STATIS *BENCHMARK* TERAS REAKTOR PWR

Tagor Malem Sembiring dan Surian Pinem
Pusat Teknologi Reaktor dan Keselamatan Nuklir, BATAN
Kawasan PUSPIPTEK Gd. No. 80 Serpong
e-mail: tagorms@batan.go.id

Diterima 15 Mei 2012, diterima dalam bentuk perbaikan 28 Juni 2012, disetujui 29 Juni 2012

ABSTRAK

VALIDASI PAKET PROGRAM NODAL3 UNTUK KASUS STATIS TERAS *BENCHMARK* REAKTOR PWR. Persamaan difusi neutron dengan metode nodal telah menjadi metode standar dalam perhitungan parameter neutronik teras reaktor daya air ringan, seperti reaktor air bertekanan (PWR) atau air mendidih (BWR), karena waktu komputasi yang cepat dan hasilnya akurat. Paket program NODAL3 telah dikembangkan untuk menyelesaikan persamaan difusi neutron dengan metode nodal polinom (PNM) dalam geometri 3-dimensi (3-D). Validasi hasil perhitungan NODAL3 untuk kasus statis teras benchmark reaktor PWR (Pressurized Water Reactor), seperti IAEA-2D, BIBLIS, KOEBERG dan IAEA-3D, disajikan dalam penelitian ini. Teras benchmark yang dipilih mewakili kasus 2-D dan 3-D dan mempunyai karakteristik yang berbeda, sehingga dapat menentukan keakuratan NODAL3 dari aspek neutronik yang luas. Parameter neutronik statis yang dihitung adalah faktor perlipatan efektif, k_{eff} , faktor puncak daya (FPD) dan profil distribusi FPD ke arah aksial. Dibandingkan dengan acuan, hasil perhitungan NODAL3 menunjukkan bahwa untuk nilai k_{eff} terdapat perbedaan maksimum sebesar 0,006% (Δk). Sedangkan untuk FPD radial dan FPD aksial maksimum, selisih maksimum dengan acuan masing-masing sebesar -0,006 dan 0,051. Untuk kasus 3-D, hasil perhitungan NODAL3 konsisten dengan hasil perhitungan paket program nodal tervalidasi PARCS dan NESTLE. Riset ini menunjukkan bahwa akurasi paket program NODAL3 dalam menghitung parameter neutronik teras benchmark reaktor PWR, baik kasus 2-D dan 3-D, menunjukkan hasil yang sangat memuaskan. Oleh karena itu, paket program NODAL3 siap untuk diaplikasikan dalam analisis neutronik reaktor PWR yang riil.

Kata kunci : metode nodal, reaktor PWR, teras benchmark, faktor perlipatan efektif, faktor puncak daya

ABSTRACT

THE VALIDATION OF THE NODAL3 CODE FOR STATIC CASE OF THE PWR BENCHMARK CORES. The neutron diffusion equation with nodal method has become the standard method in the calculation of neutronic parameters of light water power plant reactor, such as pressurized water (PWR) and boiling water (BWR), since the computation is fast and gives the accurate results. The NODAL3 code has been developed to solve the neutron diffusion equation with polynomial nodal methods (PNM) in 3-dimensional (3-D) geometry. The validation of the NODAL3 code for static cases of the PWR benchmark cores, such as IAEA-2D, BIBLIS, KOEBERG and IAEA-3D, are presented in this research work. The selected benchmark cores correspond to the 2-D and 3-D cases and have different characteristics so can determine the accuracy of the NODAL3 code from the broad neutronic aspect. The calculated static neutronic parameters are the effective multiplication factor, k_{eff} , the power peaking factor (PPF) and the axial power peaking factor of profile distribution. The NODAL3 calculation results compared to the references shown that the maximum difference of k_{eff} was 0.006% (Δk). As for the radial and axial maximum PPF, the maximum difference was -0.006 and 0.051, respectively. The calculation results of the 3-D cases of NODAL3 are consistent with the calculation results of the validated nodal codes of PARCS and NESTLE. This research shows that the accuracy of the NODAL3 code in the calculation of static neutronic parameters of the PWR benchmark cores, both the 2-D and 3-D cases very satisfactory results. Therefore, the NODAL3 code is ready to be applied in the neutronic analysis of a real PWR reactor.

Key words: nodal method, PWR reactor, benchmark core, effective multiplication factor, power peaking factor

PENDAHULUAN

Penentuan parameter neutronik dalam kondisi statis untuk reaktor daya air ringan masih relevan untuk dilakukan terutama dalam meningkatkan akurasi hasil perhitungan. Metode perhitungan yang lazim digunakan dalam analisis parameter neutronik reaktor daya adalah metode nodal karena ukuran perangkat bahan bakar reaktor daya air ringan relatif besar⁽¹⁾. Disamping itu, dengan metode nodal, waktu komputasi yang diperlukan sangat efisien dibanding dengan metode beda hingga (*finite difference*). Hal ini disebabkan karena metode nodal

membutuhkan lebih sedikit *mesh* dibanding metode beda hingga untuk mendapatkan akurasi hasil perhitungan yang relatif sama ⁽¹⁾.

Paket program NODAL3 merupakan perangkat analitis untuk perhitungan parameter teras reaktor menggunakan persamaan difusi neutron banyak kelompok dengan metode nodal polinom (*polynomial nodal method*, PNM) dalam geometri 3-dimensi ⁽²⁾. Akurasi perhitungan program ini telah diuji untuk menentukan boron kritis dalam kasus *benchmark* NEACRP dengan hasil sangat memuaskan jika dibanding dengan hasil paket program nodal lainnya ⁽³⁾. Namun demikian uji validitas NODAL3 untuk perhitungan parameter neutronik yang statis, seperti faktor pelipatan efektif dan faktor puncak daya ke arah radial dan aksial, belum pernah dilakukan. Oleh karena itu, tujuan dari penelitian ini adalah menentukan akurasi paket program NODAL3 dalam perhitungan kasus statis neutronik untuk teras *benchmark* reaktor PWR (*Pressurized Water Reactor*).

Teras *benchmark* yang dipilih dalam penelitian ini mempertimbangkan variasi geometri, 2-dimensi (2-D) dan 3-dimensi (3-D) dan kedekatan dengan kondisi riil reaktor PWR. Disamping itu, teras *benchmark* harus memiliki karakteristik untuk dapat mengetahui akurasi numerik dalam menangani jumlah kelompok tenaga neutron dan adanya gangguan fluks neutron yang besar akibat batang kendali. Oleh karena itu, teras *benchmark* yang dipilih adalah teras IAEA-2D ⁽⁴⁾, BIBLIS-2D ⁽⁴⁾, KOEBERG ⁽⁴⁾ dan IAEA-3D ⁽⁵⁾. Meskipun teras *benchmark* tersebut dibuat sudah lama sekali, tahun 1977 ^(4,5), akan tetapi sangat luas dipakai dalam menguji validitas suatu metode perhitungan parameter neutronik teras sampai saat ini ⁽⁶⁻⁹⁾. Hal ini yang menjadi alasan untuk menggunakan teras *benchmark* tersebut dalam penelitian ini. Hasil perhitungan yang memuaskan dari penelitian ini akan menentukan langkah berikutnya dalam aplikasi paket program NODAL3 untuk perhitungan parameter neutronik reaktor daya air ringan yang riil.

METODOLOGI

Semua perhitungan parameter neutronik teras *benchmark* PWR kasus 2-dimensi (2-D) dan 3-dimensi (3D) dilakukan dengan paket program NODAL3 ⁽²⁾. Seperti disinggung sebelumnya paket program NODAL3 menggunakan metode difusi neutron 3-D dan banyak kelompok tenaga neutron dengan mengaplikasikan metode Nodal. Program ini dioperasikan di dalam *Operating System WINDOWS* di *Personal Computer (PC)* dengan memori 2GB.

Perhitungan Parameter Neutronik Kasus 2-Dimensi

Deskripsi teras *benchmark* 2-D

Teras *benchmark* yang dipilih untuk kasus 2-D adalah teras IAEA-2D ⁽⁴⁾, BIBLIS ⁽⁴⁾ dan KOEBERG ⁽⁴⁾. Teras IAEA-2D merupakan teras reaktor air ringan (LWR, *light water reactor*) yang sangat sederhana dengan model geometri X-Y yang terdiri dari 177 perangkat bahan bakar (*fuel assembly*, FA) yang homogen dalam 2 (dua) kelompok energi neutron seperti disajikan dalam Gambar 1 dan Tabel 1 ⁽⁴⁾. Ukuran *pitch* setiap FA adalah 20 cm × 20 cm.

3	2	2	2	3	2	2	1	4
2	2	2	2	2	2	2	1	4
2	2	2	2	2	2	1	1	4
2	2	2	2	2	2	1	4	4
3	2	2	2	3	1	1	4	
2	2	2	2	1	1	4	4	
2	2	1	1	1	4	4		
1	1	1	4	4	4			
4	4	4	4					

Gambar 1. Konfigurasi teras IAEA-2D ⁽⁴⁾

Teras IAEA-2D disusun atas 3 (tiga) jenis FA yang diwakili oleh 3 (tiga) zona, yaitu:

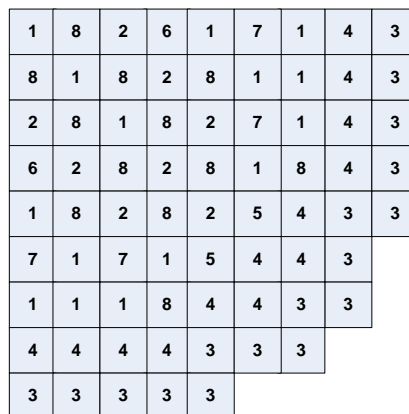
1. Zona 1, merupakan FA jenis ke-1,
2. Zona 2, merupakan FA jenis ke-2 dan
3. Zona 3, merupakan FA jenis ke-3 yang merupakan homogenisasi antara bahan bakar dan penyerap.

Zona 4 merupakan daerah reflektor H₂O. Keunikan teras *benchmark* ini adalah dapat menguji akurasi paket program perhitungan teras dalam menangani adanya gangguan (*perturbation*) yang besar di teras akibat adanya serapan neutron termal yang besar di Zona 3 ⁽⁴⁾.

Tabel 1. Data tampang lintang teras IAEA-2D ⁽⁴⁾

Zone	Kelompok	D_g, cm	$\Sigma_{ag}, \text{cm}^{-1}$	$v\Sigma_{fg}, \text{cm}^{-1}$	$\Sigma_{sg1}, \text{cm}^{-1}$
1	1	1,5	0,010120	0,000	0,000
	2	0,4	0,080032	0,135	0,020
2	1	1,5	0,010120	0,000	0,000
	2	0,4	0,085032	0,135	0,020
3	1	1,5	0,010120	0,000	0,000
	2	0,4	0,130032	0,135	0,200
4	1	2,0	0,000160	0,000	0,000
	2	0,3	0,010024	0,000	0,040

Kasus BIBLIS-2D adalah persoalan 2-D yang realistis dan *highly nonseparable 2-group*, sehingga mewakili operasi aktual reaktor PWR dengan *checker-board-loaded core* ⁽⁴⁾. Seperti terlihat di Gambar 2, teras dibagi atas 7 (tujuh) jenis FA yang homogen dan masing-masing memiliki komposisi berbeda (Zona 1, 2, 4, 5, 6, 7 dan 8) dengan dimensi sebesar 23,1226 cm × 23,1226 cm. Perangkat bahan bakar dikelilingi oleh reflektor H₂O (Zona 3) dengan dimensi yang sama. Data tampang lintang penyusun teras BIBLIS-2D disajikan pada Tabel 2.



Gambar 2. Konfigurasi teras BIBLIS-2D ⁽⁴⁾

Tabel 2. Data tampang lintang teras BIBLIS-2D ⁽⁴⁾

Zone	Kelompok	D_g, cm	$\Sigma_{ag}, \text{cm}^{-1}$	$v\Sigma_{fg}, \text{cm}^{-1}$	$\Sigma_{sg1}, \text{cm}^{-1}$
1	1	1,4360	0,0095042	0,0058708	0,000
	2	0,3635	0,075058	0,0960670	0,017754
2	1	1,4366	0,0096785	0,0061908	0,000
	2	0,3636	0,0784360	0,1035800	0,017621
3	1	1,3200	0,0026562	0,000	0,000
	2	1,4389	0,0715960	0,000	0,023106
4	1	1,4389	0,0103630	0,0074527	0,000
	2	0,3638	0,0914080	0,1323600	0,017101
5	1	1,4381	0,0100030	0,0061980	0,000
	2	0,3665	0,0848280	0,1035800	0,017290
6	1	1,4385	0,0101320	0,0064285	0,000
	2	0,3665	0,0873140	0,1091100	0,017192
7	1	1,4389	0,0101650	0,0061908	0,000
	2	0,3679	0,0880240	0,1035800	0,017125
8	1	1,4393	0,0102940	0,0064285	0,000
	2	0,3680	0,0905100	0,1091100	0,017027

Teras *benchmark* KOEBERG ini diperuntukkan untuk menguji akurasi suatu paket program dalam menangani tampang lintang makroskopis hamburan neutron. Oleh karena itu data tampang lintang neutronnya sebanyak 4 (empat) kelompok tenaga neutron. Teras *benchmark* ini diadopsi dari teras reaktor PWR Koeberg Unit 1 pada awal siklus, sehingga merupakan kondisi yang riil ⁽⁴⁾. Seperti ditunjukkan dalam Gambar 3, teras KOEBERG terdiri dari 157 perangkat bahan bakar yang homogen yang terdiri dari 3 (tiga) jenis pengkayaan dan 3 (tiga) jenis pemuatan penyerap yang dinyatakan oleh Zona 1-6. Sedangkan Zona 7 merupakan homogenisasi reflektor (H₂O + boron) dengan *baffle*. Tiap perangkat berukuran 21,608 cm × 21,608 cm. Data tampang lintang tiap zona dalam 4 (empat) kelompok tenaga neutron ditunjukkan di Tabel 3.

1	3	1	3	1	2	1	4	7
3	1	3	1	2	1	6	4	7
1	3	1	2	1	3	4	7	7
3	1	2	1	3	5	4	7	
1	2	1	3	1	4	7	7	
2	1	3	5	4	7	7		
1	6	4	4	7	7			
4	4	7	7	7				
7	7	7						

Gambar 3. Konfigurasi teras KOEBERG ⁽⁴⁾

Tabel 3. Data tampang lintang untuk teras KOEBERG ⁽⁴⁾

Zone	Kelom-pok	D_g , cm	Σ_{ag} , cm ⁻¹	$v\Sigma_{fg}$, cm ⁻¹	Σ_{sg1} , cm ⁻¹	Σ_{sg2} , cm ⁻¹	Σ_{sg3} , cm ⁻¹	Σ_{sg4} , cm ⁻¹
1	1	2,491869	0,003654	0,008228	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	1,045224	0,002124	0,000536	0,063789	0,000	0,000	0,000
	3	0,677407	0,019908	0,007058	0,000486	0,064381	0,000	0,001245
	4	0,375191	0,067990	0,083930	0,000	0,000003	0,050849	0,000
2	1	2,492653	0,003685	0,008295	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	1,049844	0,002215	0,000713	0,063112	0,000	0,000	0,000
	3	0,676610	0,022012	0,009230	0,000478	0,063078	0,000	0,001543
	4	0,379451	0,085052	0,108244	0,000	0,000003	0,048420	0,000
3	1	2,491978	0,003684	0,008459	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	1,051910	0,002221	0,000713	0,062765	0,000	0,000	0,000
	3	0,677084	0,022403	0,009214	0,000473	0,062404	0,000	0,001598
	4	0,381453	0,088077	0,108087	0,000	0,000003	0,047549	0,000
4	1	2,4925351,	0,003740	0,008409	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	045298	0,002299	0,000923	0,063737	0,000	0,000	0,000
	3	0,674684	0,022621	0,011714	0,000486	0,064330	0,000	0,001630
	4	0,374240	0,091000	0,133600	0,000	0,000003	0,049518	0,000
5	1	2,492329	0,003730	0,008409	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	1,051953	0,002315	0,000921	0,062737	0,000	0,000	0,000
	3	0,675683	0,023822	0,011675	0,000473	0,062376	0,000	0,001797
	4	0,380606	0,100246	0,134282	0,000	0,000003	0,046859	0,000
6	1	2,491521	0,003740	0,008400	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	1,055029	0,002321	0,000921	0,062386	0,000	0,000	0,000
	3	0,676197	0,024196	0,011651	0,000468	0,061696	0,000	0,001852
	4	0,382434	0,103283	0,133974	0,000	0,000003	0,046005	0,000
7	1	2,119737	0,000466	0,000	0,000	0,000	0,000	0,000
	2	0,980098	0,000263	0,000	0,042052	0,000	0,000	0,000
	3	0,531336	0,004282	0,000	0,000322	0,044589	0,000	0,000978
	4	1,058029	0,116918	0,000	0,000	0,000	0,052246	0,000

Penyelesaian kasus -2D

Parameter neutronik kasus statis yang dihitung dalam teras *benchmark* untuk kasus 2-D adalah:

- faktor perlipatan efektif, k_{eff} , yang merupakan parameter global teras akibat populasi neutron di seluruh teras.
- distribusi faktor puncak daya radial (*radial power peaking factor*), FPD_R , merupakan parameter teras yang menunjukkan kerataan pembangkitan panas yang merupakan efek dari perbedaan pembangkitan panas di suatu perangkat bahan bakar dibanding dengan pembangkitan panas merata seluruh teras ke arah radial.

Dalam kasus 2-D, efek jumlah *node* di setiap perangkat perangkat divariasi dalam menentukan parameter teras dilakukan, yaitu:

1. Penggunaan *node* 1x1 untuk setiap perangkat,
2. Penggunaan *node* 2x2 untuk setiap perangkat.

Karena dalam kasus ini, seluruh teras *benchmark* dalam bentuk 1/4-teras simetris, maka syarat batas ke arah depan dan samping kiri adalah *reflective*, ($\frac{\partial \phi(\bar{r}^-)}{\partial \bar{r}^-} = \frac{\partial \phi(\bar{r}^+)}{\partial \bar{r}^+}$) dan syarat batas ke arah belakang dan kanan adalah *vacuum*, ($\frac{\partial \phi(\bar{r})}{\partial \bar{r}} = 0$). Nilai konvergensi untuk k_{eff} dan fluks neutron adalah 1×10^{-5} .

Perhitungan Parameter Neutronik Kasus 3-Dimensi

Deskripsi teras *benchmark* 3-D

Dalam penelitian ini, kasus 3-D yang dipilih hanya satu teras yaitu teras *benchmark* IAEA-3D ⁽⁵⁾. Teras IAEA-3D mewakili teras PWR dengan data tampang lintang yang tipikal untuk 177 perangkat bahan bakar, termasuk 9 perangkat batang kendalinya yang masuk penuh (*fully inserted*) dan 4 perangkat batang kendali yang masuk sebagian (*partially inserted*). Seperti ditunjukkan Gambar 4 dan 5, ukuran tiap perangkat bahan bakar 20 cm x 20 cm dengan tinggi aktif 340 cm. Tinggi reflektor air (H₂O) untuk daerah di atas dan di bawah teras aktif masing-masing 20 cm. Teras IAEA-3D terdiri dari 3 (tiga) zona perangkat bahan bakar, yaitu:

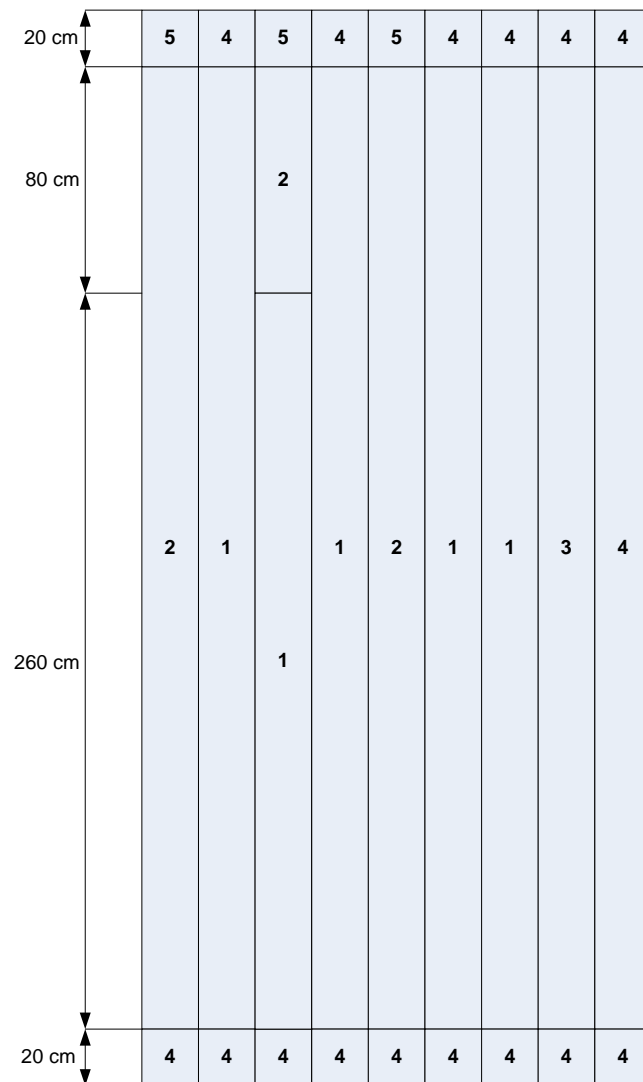
1. Zona 1 adalah FA jenis pertama (*Fuel 1*),
2. Zona 2 adalah FA jenis pertama dan batang kendali (*Fuel 1 + Absorber*), dan
3. Zona 3 adalah FA jenis kedua (*Fuel 2*).

Zona 4 adalah reflektor H₂O dan Zona 5 adalah daerah homogenisasi reflektor dan batang kendali.

Tabel 5 menyajikan data tampang lintang 2-kelompok tiap zona penyusun teras IAEA-3D.

2	1	1	1	2	1	1	3	4
1	1	1	1	1	1	1	3	4
1	1	2	1	1	1	3	3	4
1	1	1	1	1	1	3	4	4
2	1	1	1	2	3	3	4	
1	1	1	1	3	3	4	4	
1	1	3	3	3	4	4		
3	3	3	4	4	4			
4	4	4	4	4				

Gambar 4. Konfigurasi radial teras IAEA-3D ⁽⁵⁾



Gambar 5. Konfigurasi aksial teras IAEA-3D ⁽⁵⁾

Tabel 4. Data tampang lintang teras IAEA-3D ⁽⁵⁾

Zona	Material	Kelompok	D_g, cm	$\Sigma_{ag}, \text{cm}^{-1}$	$v\Sigma_{fg}, \text{cm}^{-1}$	$\Sigma_{sg1}, \text{cm}^{-1}$
1	Fuel 1	1	1,5	0,01	0,000	0,000
		2	0,4	0,085	0,135	0,020
2	Fuel 1 + Absorber	1	1,5	0,01	0,000	0,000
		2	0,4	0,13	0,135	0,020
3	Fuel 2	1	1,5	0,01	0,000	0,000
		2	0,4	0,08	0,135	0,200
4	Reflektor	1	2,0	0,000	0,000	0,000
		2	0,3	0,01	0,000	0,040
5	Reflektor + Absorber	1	2,0	0,000	0,000	0,000
		2	0,3	0,055	0,000	0,040

Penyelesaian kasus -3D

Dalam kasus 3-D dengan teras IAEA-3D, seluruh syarat batas dan pembagian *node* ke arah radial sama dengan kasus 2-D. Sedangkan untuk ke arah aksial, daerah aktif dengan tinggi 340 cm, dibagi dalam 17 *nodes* dengan ukuran 20 cm. Dalam kasus 3-D, parameter teras yang dihitung adalah k_{eff} , distribusi FPD_R , nilai FPD maksimum ke arah aksial ($\text{FPD}_{A_{\text{max}}}$) dan distribusi FPD ke arah aksial di posisi terjadinya $\text{FPD}_{A_{\text{max}}}$.

Akurasi hasil perhitungan paket program NODAL3 dibandingkan dengan nilai acuan (*reference values*) untuk setiap parameter. Untuk nilai k_{eff} , akurasinya untuk dinyatakan dalam prosentase selisih (nilai absolut), Δk_{eff} (%), yaitu:

$$\Delta k_{eff} (\%) = |k_{eff}^{acuan} - k_{eff}^{NODAL3}| \times 100\% \tag{1}$$

dengan:

- k_{eff}^{acuan} = nilai k_{eff} acuan
- k_{eff}^{NODAL3} = nilai k_{eff} hasil perhitungan NODAL3

Sedangkan untuk nilai FPD, akurasi dinyatakan dalam selisih nilai acuan dan perhitungan NODAL-3, sehingga nilainya dapat bernilai positif dan negatif untuk menunjukkan nilai yang lebih tinggi atau lebih rendah dibanding FPD acuan. Dalam penelitian ini juga dilakukan validasi distribusi FPD_R untuk tiap perangkat bahan bakar di teras *benchmark*. Parameter ini penting karena menunjukkan karakteristik distribusi pembangkitan panas di teras. Untuk itu, validitas distribusi FPD_R di teras hasil perhitungan dengan acuan dinyatakan dalam *root mean square* (RMS), yaitu:

$$RMS = \sqrt{\frac{\sum_{n=1}^N (FPD_{Racuan, n} - FPD_{RNODAL 3, n})^2}{N}} \tag{2}$$

dengan,

- $FPD_{Racuan, n}$ = FPD_R acuan untuk posisi- n
- $FPD_{RNODAL 3, n}$ = FPD_R hasil perhitungan NODAL-3 untuk posisi- n
- N = jumlah seluruh perangkat bahan bakar di teras

HASIL DAN PEMBAHASAN

Kasus 2-Dimensi

Hasil perhitungan paket program NODAL3 menghitung nilai k_{eff} teras untuk kasus 2-D disajikan dalam Tabel 5. Terlihat bahwa selisih maksimum hasil perhitungan NODAL3 dengan acuan untuk jumlah *node* 1×1 di setiap FA adalah 0,044%. Selisih maksimum ini akan berkurang menjadi 0,006% jika jumlah *node* dinaikkan menjadi 2×2 di setiap FA untuk semua teras. Hal ini menunjukkan bahwa dengan menaikkan jumlah *node* di setiap FA, dari 1×1 ke 2×2 , akan dapat menaikkan akurasi perhitungan sampai 88,9% (BIBLIS-2D). Sedangkan untuk teras KOEBERG, peningkatan akurasi sebesar 88,6% dan teras IAEA-2D sebesar 57%.

Peningkatan akurasi yang rendah di teras IAEA-2D dibanding teras lainnya karena adanya gangguan fluks neutron yang besar akibat adanya serapan neutron di daerah batang kendali (Zona 3). Dengan demikian, jumlah *node* 2×2 (di setiap FA) tidak dapat menangani dengan maksimal gradien fluks neutron yang besar di batas antar *node*. Walaupun tidak menjadi pembahasan dalam riset ini, penambahan jumlah *node* yang lebih dari 2×2 harus dilakukan agar mendapatkan akurasi yang tinggi untuk teras yang memiliki karakteristik yang sama dengan teras IAEA-2D. Akan tetapi perlu dicatat, ukuran *node* yang terlalu kecil dapat mengakibatkan ketidakmampuan metode nodal dalam menyelesaikan *eigenvalue problem* seperti k_{eff} . Sehingga penggunaan jumlah *node* yang optimal akan menjadi pembatas tingkat akurasi metode nodal untuk teras yang memiliki gangguan fluks neutron yang tinggi. Meskipun demikian, hasil perbedaan Δk_{eff} (%) sebesar 0,006 di teras IAEA-2D adalah sangat memuaskan, karena perbedaan tersebut jauh lebih kecil dibanding nilai fraksi neutron kasip (β_{eff}) PWR yang bernilai 0,7.

Tabel 5. Nilai k_{eff} teras *benchmark* 2-D hasil perhitungan NODAL3

Teras benchmark 2-D	Pitch, cm	Program NODAL3		k_{eff} acuan ⁽⁴⁾	Perbedaan* (Δk_{eff} (%))
		Node	k_{eff}		
IAEA-2D	20	1×1	1,029441	1,029585	0,014
		2×2	1,029528		0,006
BIBLIS-2D	23,1226	1×1	1,025202	1,025110	0,009
		2×2	1,025095		0,001
KOEBERG	21,608	1×1	1,008392	1,007954	0,044
		2×2	1,008002		0,005

Catatan : * = nilai absolut

Tabel 6 menunjukkan pengaruh jumlah *node* terhadap akurasi perhitungan FPD_R maksimum (FPD_{Rmax}). Seperti halnya nilai k_{eff} , akurasi perhitungan FPD_{Rmax} sangat bergantung pada jumlah *node* di tiap FA, yaitu semakin banyak jumlah *node*, semakin tinggi akurasinya. Dalam penelitian ini ditunjukkan perbedaan maksimum dengan acuan adalah 0,006 untuk jumlah *node* 2×2 di tiap FA, yang akurasinya meningkat 62% dibanding perhitungan dengan jumlah *node* 1×1 di tiap FA dengan perbedaan maksimum sebesar -0,016.

Tabel 6. Nilai FPD_R maksimum (FPD_{Rmax}) dan RMS untuk teras *benchmark* 2-D

Teras 2-D Benchmark	Program NODAL3		FPD_{Rmax} Acuan ⁽⁴⁾	Perbedaan FPD_{Rmax} (Acuan - NODAL3)	RMS (<i>root mean square</i>)
	Node	FPD_{Rmax}			
IAEA-2D	1×1	1,496	1,480	-0,016	$1,0654 \times 10^{-2}$
	2×2	1,486		0,006	$4,1997 \times 10^{-3}$
BIBLIS-2D	1×1	1,245	1,243	-0,002	$5,2859 \times 10^{-3}$
	2×2	1,245		-0,002	$1,7652 \times 10^{-3}$
KOEBERG	1×1	1,233	1,243	0,010	$1,3451 \times 10^{-2}$
	2×2	1,242		0,001	$1,2453 \times 10^{-3}$

0,746	1,310	1,454	1,211	0,610	0,935	0,934	0,755
0,755	1,324	1,467	1,223	0,611	0,936	0,925	0,738
-0,009	-0,014	-0,013	-0,012	-0,001	-0,001	0,009	0,017
1,310	1,435	1,480	1,315	1,070	1,036	0,950	0,736
1,324	1,450	1,496	1,327	1,077	1,035	0,941	0,718
-0,014	-0,015	-0,016	-0,012	-0,007	0,001	0,009	0,018
1,454	1,480	1,469	1,345	1,179	1,071	0,975	0,692
1,467	1,496	1,484	1,357	1,186	1,069	0,964	0,676
-0,013	-0,016	-0,015	-0,012	-0,007	0,002	0,011	0,016
1,211	1,315	1,345	1,193	0,967	0,906	0,846	
1,223	1,327	1,357	1,202	0,973	0,903	0,835	
-0,012	-0,012	-0,012	-0,009	-0,006	0,003	0,011	
0,610	1,070	1,179	0,967	0,471	0,686	0,597	
0,611	1,077	1,186	0,973	0,467	0,682	0,590	
-0,001	-0,007	-0,007	-0,006	0,004	0,004	0,007	
0,935	1,036	1,071	0,906	0,686	0,585		
0,936	1,035	1,069	0,903	0,682	0,574		
-0,001	0,001	0,002	0,003	0,004	0,011		
0,934	0,950	0,975	0,846	0,597			
0,925	0,941	0,964	0,835	0,590			
0,009	0,009	0,011	0,011	0,007			
0,755	0,736	0,692					
0,738	0,718	0,676					
0,016	0,017	0,016					

Acuan
NODAL3
Perbedaan

Gambar 6. Distribusi FPD_R teras IAEA-2D hasil NODAL3 dengan jumlah *node* 1×1 di setiap FA dibanding dengan nilai acuan ⁽⁴⁾

0,746	1,310	1,454	1,211	0,610	0,935	0,934	0,755
0,748	1,316	1,460	1,215	0,611	0,934	0,931	0,746
-0,002	-0,006	-0,006	-0,004	-0,001	-0,001	0,003	0,009
1,310	1,435	1,480	1,315	1,070	1,036	0,950	0,736
1,316	1,442	1,486	1,319	1,072	1,036	0,947	0,728
-0,006	-0,007	-0,006	-0,004	-0,002	0,000	0,003	0,008
1,454	1,480	1,469	1,345	1,179	1,071	0,975	0,692
1,460	1,486	1,475	1,349	1,181	1,070	0,972	0,686
-0,006	-0,006	-0,006	-0,004	-0,002	0,001	0,013	0,006
1,211	1,315	1,345	1,193	0,967	0,906	0,846	
1,215	1,319	1,349	1,196	0,968	0,906	0,843	
-0,004	-0,004	-0,004	-0,003	-0,001	0,000	0,003	
0,610	1,070	1,179	0,967	0,471	0,686	0,597	
0,611	1,072	1,181	0,968	0,470	0,685	0,594	
-0,001	-0,002	-0,002	-0,001	0,001	0,001	0,003	
0,935	1,036	1,071	0,906	0,686	0,585		
0,934	1,036	1,070	0,906	0,685	0,583		
0,001	0,000	0,001	0,000	0,001	0,002		
0,934	0,950	0,975	0,846	0,597			
0,931	0,947	0,972	0,843	0,594			
0,003	0,003	0,003	0,003	0,003			
0,755	0,736	0,692					
0,746	0,728	0,686					
0,009	0,008	0,006					

Acuan
NODAL3
Perbedaan

Gambar 7. Distribusi FPD_R teras IAEA-2D hasil NODAL3 dengan jumlah *node* 2×2 di setiap FA dibanding dengan nilai acuan ⁽⁴⁾

Validitas NODAL3 menghitung distribusi FPD_R dibanding acuan dapat dilihat di Tabel 6 dalam nilai RMS. Tampak jelas untuk seluruh teras, bahwa dengan ditingkatkannya jumlah *node* di setiap FA, maka nilai RMS semakin kecil. Hal ini dapat dilihat di Gambar 6 dan 7, untuk teras IAEA-2D, bahwa dengan ditingkatkannya jumlah *node* maka selisih hasil perhitungan FPD_R dan acuan semakin kecil untuk tiap posisi FA. Semakin kecil nilai RMS, menunjukkan bahwa selisih hasil perhitungan dan acuan semakin kecil, yang menunjukkan akurasi perhitungan distribusi FPD_R di tiap FA dibanding acuan. Dengan demikian, peningkatan jumlah *node* memberi dampak semakin meningkatnya akurasi NODAL3 dalam perhitungan distribusi daya FPD_R .

Tampak jelas di Tabel 6, bahwa RMS yang paling besar terjadi di teras IAEA-2D dan KOEBERG. Hal ini menunjukkan bahwa dengan adanya gangguan fluks neutron di teras akibat adanya serapan neutron yang besar di teras (IAEA-2D) atau pengaruh tampang lintang hamburan (KOEBERG), mempengaruhi hasil perhitungan distribusi FPD_R , sehingga untuk teras yang memiliki karakteristik seperti ini, penggunaan jumlah *node* minimal 2×2 di tiap FA harus menjadi syarat untuk mendapatkan akurasi yang tinggi.

Kasus 3-Dimensi

Tabel 7 menunjukkan hasil perhitungan k_{eff} untuk kasus *benchmark* 3-dimensi (3-D), teras IAEA-3D, baik itu untuk jumlah *node* 1×1 dan 2×2 di setiap FA. Seperti halnya kasus 2-D, dalam kasus 3-D, peningkatan jumlah *node* dari 1×1 dan 2×2 di setiap FA, juga menaikkan akurasi perhitungan k_{eff} sebesar 67%, karena Δk_{eff} turun dari 0,012% menjadi 0,004%. Jika dibanding dengan paket program metode nodal tervalidasi lainnya (*validated code*), yang telah terbukti akurasinya dalam banyak kasus perhitungan neutronik reaktor PWR, seperti PARCS⁽¹⁰⁾ dan NESTLE⁽¹⁾, maka Tabel 8 menunjukkan bahwa hasil perhitungan NODAL3 sangat memuaskan karena nilai Δk_{eff} (%) nya berada dalam rentang hasil yang diperoleh dua paket program tersebut.

Tabel 7. Nilai k_{eff} teras *benchmark* 3-D hasil perhitungan NODAL3

Teras 3-D <i>Benchmark</i>	<i>Pitch</i> , cm	Program NODAL3			k_{eff} acuan ⁽⁵⁾	Perbedaan* (Δk_{eff} (%))
		<i>Node</i> radial	<i>Node</i> aksial (aktif)	k_{eff}		
IAEA-3D	20	1×1	17	1,02892	1,02904	0,012
		2×2	17	1,02900		0,004

Catatan : * = nilai absolut

Tabel 8. Nilai k_{eff} teras IAEA-3D hasil perhitungan beberapa program nodal

Paket Program Nodal	k_{eff}	k_{eff} acuan ⁽⁵⁾	Perbedaan* (Δk_{eff} (%))
NODAL3	1,02900	1,02904	0,004
PARCS	1,02910		0,006
NESTLE	1,02909		0,005

Catatan : * = nilai absolut

Untuk menghitung FPD_{Rmax} teras IAEA-3D, tampak jelas bahwa pengaruh penambahan jumlah *node* ke arah radial di setiap FA, dari 1×1 menjadi 2×2 , juga sangat berpengaruh dalam akurasi perhitungan. Hal ini terlihat dari perbedaan FPD_{Rmax} hasil perhitungan NODAL3 dengan acuan menjadi berkurang dari -0,011 menjadi -0,001 atau akurasinya meningkat 91%. Demikian juga dalam menentukan akurasi distribusi FPD_R , penambahan *node* tersebut menurunkan nilai RMS dari $7,1683 \times 10^{-3}$ menjadi $1,0919 \times 10^{-3}$, yang artinya distribusi FPD_R di setiap FA yang dihitung paket program NODAL3 mendekati distribusi FPD_R acuan karena nilai RMS berkurang 84%.

Tabel 9. Nilai FPD_{max} dan RMS untuk teras *benchmark* 3-D

Teras 3-D <i>Benchmark</i>	Program NODAL3		FPD_{Rmax} acuan ⁽⁵⁾	Perbedaan FPD_{max} (Acuan - NODAL3)	RMS (<i>root mean square</i>)
	<i>Node</i>	FPD_{Rmax}			
IAEA-3D	1×1	1,443	1,432	-0,011	$7,1683 \times 10^{-3}$
	2×2	1,433		-0,001	$1,0919 \times 10^{-3}$

Akurasi NODAL3 relatif lebih tinggi jika dibanding dengan program nodal PARCS dan NESTLE dalam perhitungan FPD_R (Tabel 10), karena memiliki perbedaan dengan acuan yang paling kecil yaitu -0,001. Demikian

juga dengan nilai RMS FPD_R , hasil perhitungan paket program NODAL3 memberikan nilai yang paling kecil. Hal ini menunjukkan bahwa distribusi FPD hasil program NODAL3 adalah yang paling dekat dengan acuan dibanding program nodal PARCS dan NESTLE.

Tabel 10. Nilai FPD_{Rmax} dan RMS teras IAEA-3D hasil perhitungan beberapa program nodal

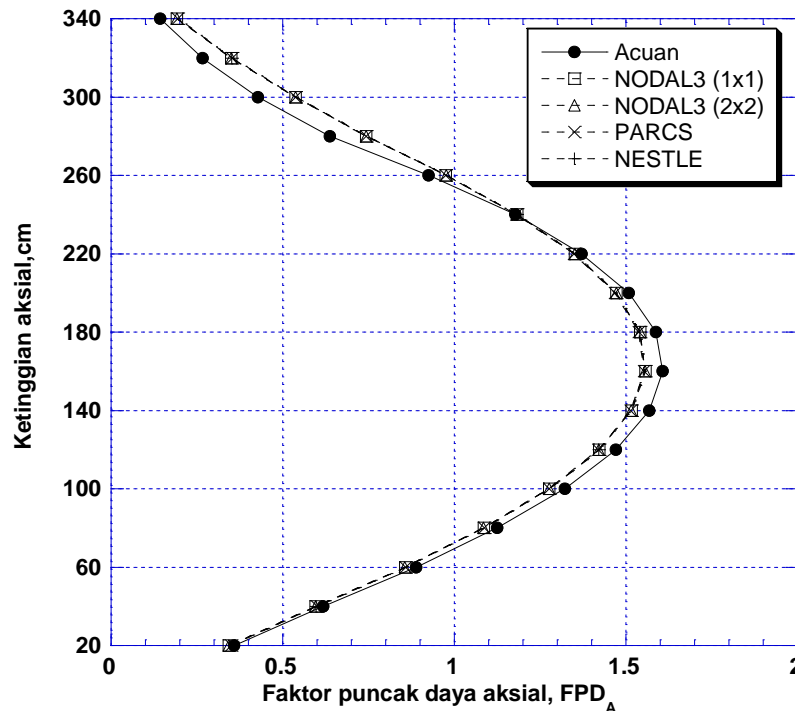
Paket Program Nodal	FPD_{Rmax}	FPD_{Rmax} acuan ⁽⁵⁾	Perbedaan FPD_{Rmax} (Acuan-Perhitungan)	RMS (<i>root mean square</i>)
NODAL3	1,433	1,432	-0,001	$1,0919 \times 10^{-3}$
PARCS	1,425		0,007	$5,0203 \times 10^{-3}$
NESTLE	1,426		0,006	$4,2088 \times 10^{-3}$

Dalam kasus 3-D, perhitungan faktor puncak daya ke arah aksial maksimum, FPD_{Amax} , sangat penting karena merupakan parameter keselamatan reaktor. Tabel 11 menunjukkan akurasi perhitungan NODAL3 untuk perhitungan FPD_{Amax} dibanding acuan sebagai fungsi jumlah *node* ke arah radial. Seperti dibahas sebelumnya, dalam perhitungan FPD_{Amax} , jumlah *node* ke arah aksial adalah 17 (20 cm/*node*), dan jumlahnya tidak divariasikan. Tampak jelas dari Tabel 11, bahwa nilai FPD_{Amax} tidak bergantung pada perubahan jumlah *node* ke arah radial, karena selisihnya hanya 0,001.

Hasil perhitungan NODAL3 relatif lebih dekat dengan acuan walaupun tidak signifikan jika dibandingkan dengan program nodal PARCS dan NESTLE, karena perbedaan dalam rentang 0,001 - 0,004. Hal ini menunjukkan bahwa perhitungan NODAL3 konsisten dengan hasil paket program nodal PARCS dan NESTLE yang sudah tervalidasi (*validated code*).

Tabel 11. Hasil perhitungan FPD_{Amax} teras IAEA-3D hasil perhitungan beberapa program nodal

Nama Program	FPD_{Amax}	FPD_{Amax} acuan ⁽⁵⁾	Perbedaan FPD_{Amax} (Acuan-Perhitungan)
NODAL3 (1 x 1)	1,557	1,607	0,050
NODAL3 (2 x 2)	1,556		0,051
PARCS	1,553		0,054
NESTLE	1,555		0,052



Gambar 8. Distribusi faktor puncak daya aksial (FPD_{ax}) ke arah aksial teras IAEA-3D

Hasil perhitungan distribusi faktor puncak daya ke arah aksial (FPD_A) teras IAEA-3D ditunjukkan di dalam Gambar 8. Terlihat jelas bahwa distribusi FPD_A hasil perhitungan NODAL memiliki profil yang sama dengan acuan. Perbedaan yang relatif besar terjadi disekitar posisi aksial 140 cm - 180 cm dan 280 cm - 320 cm, masing-masing di tempat terjadinya FPD_{Amax} dan di daerah sekitar masuknya batang kendali (260 cm - 340 cm). Disekitar posisi 140 cm - 180 cm, perbedaan maksimum hasil perhitungan dan acuan sebesar 3,3%, sedangkan di posisi 280 cm - 320 cm, perbedaannya 4,1%. Gambar 8 juga menunjukkan hasil perhitungan distribusi FPD_A dengan paket program NODAL3 memiliki konsistensi hasil dengan program nodal PARCS dan NESTLE untuk seluruh posisi aktif teras ke arah aksial dengan nilai yang relatif sama.

Ternyata hasil perhitungan k_{eff} dan FPD baik ke arah radial dan aksial diantara tiga paket program NODAL3, PARCS dan NESTLE memiliki kesamaan yang tinggi seperti terlihat di Tabel 7-11 dan Gambar 8,. Setelah dilakukan kajian terhadap beberapa pustaka^(3,12), hal ini disebabkan karena ketiga paket program ini menggunakan metode yang sama dalam penanganan diskritisasi ruang, yaitu *coarse mesh finite difference* (CMFD).

KESIMPULAN

Akurasi paket program NODAL3 dalam menghitung parameter neutronik teras *benchmark* PWR, baik kasus 2-D dan 3-D, menunjukkan hasil yang sangat memuaskan baik dibandingkan dengan acuan dan *validated code*, seperti PARCS dan NESTLE. Dalam penelitian ini, dibuktikan bahwa penggunaan jumlah *node* 2×2 per perangkat bahan bakar ke arah radial menjadi pilihan untuk mendapatkan akurasi perhitungan yang tinggi. Perbedaan maksimum dengan acuan untuk nilai k_{eff} adalah 0,006% (Δk). Sedangkan untuk FPD maksimum ke arah radial dan aksial masing-masing memiliki selisih maksimum dengan acuan adalah -0,006 dan 0,051. Karena kasus teras *benchmark* yang dipilih adalah untuk jenis reaktor PWR, maka paket program NODAL3 siap untuk diaplikasikan dalam analisis neutronik teras PWR yang riil.

UCAPAN TERIMAKASIH

Penulis mengucapkan terimakasih kepada Kementerian Riset dan Teknologi Republik Indonesia yang telah memberikan dana penelitian ini melalui proyek penelitian PI-PKPP 2011 dalam judul kegiatan "Evaluasi dan Verifikasi Parameter Keselamatan Operasi PLTN PWR 1000 dari Aspek Neutronik."

DAFTAR PUSTAKA

1. P. REUSS, *Neutron Physics*, EDP Sciences-Les Ulis Cedex France (2008)
2. ANONYM, *NODAL3: A Nodal Neutron Diffusion Code, version 2,* User's Guide (2010)
3. T.M. SEMBIRING dan S PINEM, "Validasi Program NODAL3 pada Teras Benchmark PWR NEACRP," *Prosiding Seminar Nasional ke-14 Teknologi Keselamatan PLTN dan Fasilitas Nuklir*, PTRKN-BATAN, (2009) 172 -178
4. E.Z. MULLER and E.J. WEISS, *Ann. Nucl. Energy*, 18, (1991) 535-544
5. R.R. LEE *et.al.*, *Argonne Code Centre: Benchmark Problem Book*, Report No.: ANL-7416, Supp. 2, ID.11-A2, Argonne National Laboratory (US), (1977) 277-466
6. N. GUESSOUS and M. AKHMOUCH, *Ann. Nucl. Energy*, 29, (2002) 1765-1778.
7. N. VOSOUGHI, A.A.SALEHI and M. SHAHRIARI, *Ann. Nucl. Energy*, 31, (2004) 231-253
8. T.Y. HAN, H.G. JOO, H.C. LEE and C.H. KIM, *Ann. Nucl. Energy*, 35, (2008) 1975-1985
9. R.D.S. YADAV and H.P. GUPTA, *Ann. Nucl. Energy*, 38, (2011) 2086-2095
10. <https://engineering.purdue.edu/PARCS/Code/TestSuite/CalculationMode/StandAloneMode/Eigenvalue/IAEA3DPWR/Output/iaea3d.out> (2012)
11. I. ARIANI dan D. KASTANYA, "Evaluation of the IAEA-3D PWR Benchmark Problem Using NESTLE Code," *Prosiding Lokakarya Komputasi Dalam Sains dan Teknologi Nuklir ke-15*, PPIN-BATAN, (2005) 20-25
12. T. DOWNAR, Y. XU, V. SEKER and N. HUDSON, *Theory Manual for the PARCS Kinetics Core Simulator Module*, U.S.NRC-Rockville, Maryland, (2010) 12-16